

Formeln aus der Vorlesung

(Gebrauch der Symbole wie in Vorlesung)

1. Populationswachstum:

- Exponentiell (Dichte-unabhängig): $\frac{dN}{dt} = rN$; d.h. $N(t) = N_0 e^{rt}$

- Logistisch (Dichte-abhängig): $\frac{dN}{dt} = rN \frac{(K - N)}{K}$

- allgemeines diskretes Wachstum: $N_{t+1} = \frac{N_t R}{(1 + [aN_t]^b)}$

2. Lebensstafeln:

- Netto-Reproduktionsrate: $R_0 = \sum_x l_x m_x$

- Generationszeit: $T_c = \frac{\sum_x x l_x m_x}{R_0}$

- Fisher's Reproduktionswert: $V_x = m_x + \sum_{t=x+1} \frac{l_t}{l_x} m_t$

3. Hardy-Weinberg Gleichgewicht

<i>Genotypen:</i>	AA	Aa	aa
<i>Frequenzen:</i>	p^2	$2pq$	q^2

4. Selektion:

- Selektion gegen rezessive Allele: $\Delta q = \frac{\Delta s p q^2}{1 - s q^2}$

- Selektion gegen dominante Allele: $\Delta p = \frac{\Delta s p q^2}{1 - s + s q^2}$

- Heterosis: $\hat{q} = \frac{s}{s+r}$; bzw. $\hat{p} = \frac{r}{s+r}$

5. Mutation:

- Veränderung unter Mutation: $p_t = p_0 e^{-\mu t}$

- Mutations-Selektions-Balance für rezessive Allele:

$$\hat{q} = \sqrt{\frac{\mu}{s}}$$

- Mutations-Selektions-Balance für dominante Allele:

$$\hat{p} = \frac{\mu}{s}$$

6. Migration:

- Veränderung unter Immigration: $\Delta p = m(p - P)$

7. Drift:

- Varianz unter Drift: $\sigma_t^2 = pq \left[1 - \frac{1}{2N} \right]^t$

8. Inzucht:

- Heterozygotität nach t Generationen Inzucht: $H_t = H_0 (1 - F)^t$

9. Evolution an mehreren Loci:

- Linkage disequilibrium (Kopplungs-Ungleichgewicht): $D = p_{11}p_{00} - p_{01}p_{10}$

- Epistase: $E = w_{11}w_{00} - w_{10}w_{01}$

10. Quantitative Genetik:

- Definition Varianz: $Var(X) = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$

- Heritabilität, im engeren Sinne: $h^2 = \frac{V_G}{V_A}$

- Heritabilität, im weiteren Sinne: $h^2 = \frac{V_G}{V_P}$

- Varianz-Zerlegung für Merkmal: $V_P = V_A + V_D + V_I + \dots + V_E + V_{ExG} + \dots$

- Antwort auf Selektion: $R = h^2 S$; d.h. $R = V_A$

11. “Inseltheorie”, Habitatfragmentierung:

- Art-Areal-Beziehung: $S = cA^z$, oder $\log S = c + z \log A$

12. Inklusive Fitness

- Hamilton's Regel (Hamilton's Gesetz): $rB - C > 0$.